

ශ්‍රී ලංකා විවෘත විශ්ව විද්‍යාලය
විද්‍යාවේදී/ අධ්‍යාපනවේදී උපාධි පාඨමාලාව
සංචාත පොත් පරීක්ෂණය - 2019/2020
ඉද්ධ ගණිතය - තුන්වන මට්ටම
PEU3202 – දෛශික අවකාශ



කාලය පැය එකයි

දිනය : -10-08-2020

වේලාව : -ප.ව.4.15 –ප.ව. 5.15 දක්වා

සියලුම ප්‍රශ්න වලට පිළිතුරු සපයන්න.

1.

(a) V යනු සියලුම සන්තතික ශ්‍රිත $f : [0, a] \rightarrow \mathbb{R}$ වලින් සැදුණු \mathbb{R} මත වූ දෛශික අවකාශය වේ.
 $a > 1$ වේ. ඕනෑම $p(x), q(x) \in V$ සඳහා $\langle p(x), q(x) \rangle = \int_0^1 p(x)q(x)dx$ ලෙස අර්ථ දක්වනු ලැබේ. V යනු අන්ත: ගුණිත අවකාශයක් බව පෙන්වන්න.

(b) Let $M = \left\{ \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \mid a, b, c, d \in \mathbb{R} \right\}$ ලෙස ගනිමු. සුපුරුදු න්‍යාස එකතුව සහ අදිශ ගුණිතය යටතේ M යනු \mathbb{R} ක්ෂේත්‍රය මත වූ දෛශික අවකාශයක් වේ.

$T : M \rightarrow M$ යනු $T\left(\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} a+b & c+d \\ 3c & d \end{bmatrix}$ මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ.

(i) T ඒකජ පරිණාමණයක් බව පෙන්වන්න

(ii) පහත දැක්වෙන කුලක අතරින් කවරක් T යටතේ \mathbb{R} ක්ෂේත්‍රය මත වූ M දෛශික අවකාශයේ අවිචලක උප අවකාශයක් වේද යන්න තීරණය කරන්න.

$$(I) \quad W = \left\{ \begin{bmatrix} a & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \mid a \in \mathbb{R} \right\}$$

$$(II) \quad W = \left\{ \begin{bmatrix} a & b \\ 0 & c \end{bmatrix} \mid a, b, c \in \mathbb{R} \right\}$$

2.

(a) u සහ v යනු දෛශික සුපුරුදු යුක්ලීඩීය දෛශික අවකාශයෙහි ඕනෑම දෛශික දෙකකි.

(i) u සහ v අතර කෝණය අර්ථ දක්වන්න.

(ii) $\|u + v\| \leq \|u\| + \|v\|$ බව සාධනය කරන්න.

(b) $u_1 = (1, 2, 2)$, $u_2 = (1, -1, 2)$ සහ $u_3 = (1, 0, 1)$ යන දෛශික සුපුරුදු යුක්ලීඩීය දෛශික අවකාශයෙහි පදනමක් බව පෙන්වන්න. Gram-Schmidt ප්‍රාතිලම්භ ක්‍රියාවලිය මගින් $\{u_1, u_2, u_3\}$, E^3 හි ප්‍රාතිලම්භ පදනමක් බවට පරිණාමණය කරන්න.