



ශ්‍රී ලංකා විවෘත විශ්වවිද්‍යාලය

විද්‍යාව පිළිබඳ උසස් සහතික - 2 මට්ටම 2 කොටස

අවසාන විභාගය - 2020/2021

කාලය: පැය තුනකි (03)

MHF2522 - ගණිතය 4 – ප්‍රශ්නපත්‍රය II

දිනය: 2022 ජනවාරි 3 වන දින

වේලාව: ප.ව. 1.30 - ප.ව. 4.30

උපදෙස්:

මෙට වැඩසටහන්ගත කළ නොහැකි ගණක යන්තු හාවිතා කිරීමට අවසර ඇත.

පරික්ෂණ කාලය තුළ ජ්‍යෙෂ්ඨ ප්‍රශ්නපත්‍රය වෙත ප්‍රවේශ වීම තහනමිය.

එක කොටසකින් ප්‍රශ්න දෙක බැඟින් ඇතුළත්ව ප්‍රශ්න පහකට (05) පිළිතුරු සහයන්න..

### A කොටස - කළනාය

(1)(a) සූදුසු ආදේශනයක් යෙදීමෙන් පහත සඳහන් අනිශ්චිත අනුකල සොයන්න.

$$(i) \int \frac{x^3}{\sqrt{x^2 + 1}} dx \quad (ii) \int \sqrt{a^2 - x^2} dx \quad (iii) \int 5^x dx$$

(b) හාග හාවිතා කිරීමෙන්, පහත සඳහන් අනිශ්චිත අනුකලනය සොයන්න.

$$\int \frac{x}{(x-1)(x^2+4)} dx$$

(2)(a) කොටස් වශයෙන් අනුකලන ක්‍රමය හාවිතයෙන්, පහත සඳහන් අනිශ්චිත අනුකලනය සොයන්න.

$$\int e^x \cos x dx$$

(b) පහත සඳහන් අනිශ්චිත අනුකල සොයන්න.

$$(i) \int \frac{dx}{\sqrt{6-x-2x^2}} \quad (ii) \int \frac{dx}{\sqrt{4x^2-8x-5}}$$

(3)(a) පහත සඳහන් අනිශ්චිත අනුකූල සොයන්න.

$$(i) \int \cos^5 x \, dx \quad (ii) \int \sin^4 3x \cos^5 3x \, dx$$

(b) පහත සඳහන් නිශ්චිත අනුකූල අගයන්න.

$$(i) \int_0^1 x \tan^{-1} x \, dx \quad (ii) \int_1^2 \frac{5x - 4}{(1 - x + x^2)(2 + x)} \, dx$$

(4)(a) කොටස් වගයෙන් අනුකූලනය උපයෝගී කරගත්තින්,

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^6 x \, dx = \frac{5}{6} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^4 x \, dx = \frac{5 \cdot 3}{6 \cdot 4} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x \, dx = \frac{5\pi}{32}$$

බවපෙන්වන්න.

(b)  $y = x(4 - x)$  වකුයෙන් සහ  $x$ -අක්ෂය මගින් වටවී ඇති පෙදෙසෙහි වර්ගජලය ගණනය කරන්න.

### B කොටස - සංඛ්‍යානය

(5)(a) සියුන් සංඛ්‍යාව 12, 20, 18 සහ 10 වගයෙන්පන්ති හතරක් ඇත. එක් එක් පන්තියේ අදාළ ගිහුයයන්ගේ උසෙහි මධ්‍යනාය 4.3, 4.6, 4.9 සහ 5.1 වේ. සියලුම සියුන්ගේ සාමාන්‍ය උස සොයන්න.

(b) සාක්ෂියක් පිටු 73ක අත්පිටපතක් හරහා කියවයි. එක් එක් පිටුවේ ඇති වැරදි සංඛ්‍යාව පහත සඳහන් වගුවේ සාරාංශ කර ඇත.

වැරදි සංඛ්‍යාව	1	2	3	4	5	6	7
පිටු ගණන	5	9	12	17	14	10	6

(i) අර්ථ දැක්වීමේ ක්‍රමය (direct method)

(ii) උපකළුපිත මධ්‍යනාය ක්‍රමය (assumed mean method) හාවිතා කරන පිටුවකට හමු වූ වැරදි සංඛ්‍යාවේ මධ්‍යනායය නිර්ණය කරන්න.

(6)(a) ඉහත සඳහන් දත්ත සඳහා යමුව්විත සංඛ්‍යාත වකුය අදින්න.

පන්ති ප්‍රාන්තර	10-19	20-29	30-39	40-49	50-59	60-69	70-79	80-89
සියුන් සංඛ්‍යාව	1	6	18	42	68	49	16	4

(b) ඉහත දත්ත හාටිකා කිරීමෙන්, පලමු (Q<sub>1</sub>), දෙවන (Q<sub>2</sub>) සහ තෙවන (Q<sub>3</sub>) වතුරුපක ගණනය කරන්න.

(c) සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තිය නිරූපණය කිරීම සඳහා ජාලරේඛය (histogram) අදින්න. එය මත සංඛ්‍යාත බහුජ්‍යය අදින්න.

(7) එක්තරා ආයතනයක සේවකයන් 1020 දෙනෙකුගේ වයස්වල ව්‍යාප්තියක් පහතින් දැක්වේ.

වයස අවුරුදු වලින්	20-24	25-29	30-34	35-39	40-44	45-49	50-54
සේවක සංඛ්‍යාව	12	96	198	324	216	107	67

(i) මධ්‍යනාය (ii) මධ්‍යස්ථය (iii) සම්මත අපගමනය (iv) සාපේක්ෂ අපකිරණයේ මිනුම (විවලන සංග්‍රහකය) සහ (v) කුටිකතා සංග්‍රහකය, ගණනය කරන්න.

(8)(a) මධ්‍යනාය = 750, මධ්‍යස්ථය = 736, මාතය = 715 සහ සම්මත අපගමනය = 230 ලෙස පිහිටා ඇති සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක, (i) කුටිකතා සංග්‍රහකය සහ (ii) විවලන සංග්‍රහකය ගණනය කරන්න.

(b) 3, 6, 9, 12, 4, 6, 8, 10, 12, 14,  $x, y$  සංඛ්‍යා දෙළඟේ මාතය 6 සහ මධ්‍යනාය 8 ක් ද වෙයි. (i)  $x$  සහ  $y$  හි අගයන් සහ (ii) ඉහත සංඛ්‍යා දෙළඟහෙහි මධ්‍යස්ථය සෞයන්න.  $8 - k, 8, 8 + k$  අනිරේක සංඛ්‍යා කුනක් ඇතුළන් කළ විට, සංඛ්‍යා පහලාවේ විවලනාව 12 බව සෞයා ගනී.  $k$  හි අගයන් සෞයන්න.

(c) පිරීම් කමිකරුවන් 50 දෙනෙකුගෙන් යුත් කණ්ඩායමක් සඳහා ඔවුන්ගේ දෙනික වැටුපෙහි යාමානාය හා සම්මත අපගමනය පිළිවෙළින් බොලර් 63 සහ බොලර් 9 කි. කාන්තා සේවිකාවන් 40 දෙනෙකුගෙන් යුත් කණ්ඩායමක් සඳහා මෙම අගයන් පිළිවෙළින් බොලර් 54 ක් සහ බොලර් 6 කි. කමිකරුවන් 90 දෙනෙකුගෙන් යුත් ඒකාබද්ධ කණ්ඩායමේ මධ්‍යනාය සහ විවෘතනාය සෞයන්න.

අවසානය.



ශ්‍රී ලංකා විවෘත විශ්වවිද්‍යාලය

විද්‍යාව පිළිබඳ උසස් සහතික - 2 මට්ටම 2 කොටස

අවසාන විභාගය - 2020/2021

කාලය: පැය තුනයි (03)

MHF2522 - ගණිතය 4 – ප්‍රශ්නපත්‍රය I

දිනය: 2021 දෙසැම්බර් 27

වේලාව: ප.ව. 1.30 - ප.ව. 4.30

උපදෙස්:

මෙම වැඩසටහන්ගත කළ නොහැකි ගණක යන්ත්‍ර භාවිතා කිරීමට අවසර ඇත.

පරික්ෂණ කාලය තුළ ජ්‍යෙෂ්ඨ දුරකථන වෙත ප්‍රවේශ වීම තහනමිය.

සැම කොටසකින්ම අවම වගයෙන් එක් ප්‍රශ්නයක් ඇතුළුව ප්‍රශ්න පහකට (05) පිළිතුරු සපයන්න.

### A කොටස - විජ ගණිතය

(1)(a) පහත සඳහන් සංකීර්ණ සංඛ්‍යා  $r, \theta$  ආකාරයට ප්‍රකාශ කරන්න. එක් එක් සංඛ්‍යා සඳහා මාපාංකය සහ විශ්තාරය සොයන්න.

$$(i) \frac{1 + 7i}{(2 - i)^2} \quad (ii) \frac{(1 + i\sqrt{3})^2}{4i(1 - i\sqrt{3})}$$

(b)

$$\frac{\cos \alpha + i \sin \alpha}{\cos \beta + i \sin \beta} = \cos(\alpha - \beta) + i \sin(\alpha - \beta)$$

බව පෙන්වන්න,

$z_1 = -1 + i$  සහ  $z_2 = 1 + i\sqrt{3}$  යැයි ගනිමු.  $\frac{z_1}{z_2}$  හි තාන්ත්‍රික සහ අතාන්ත්‍රික කොටස

සොයන්න.  $z_1$  සහ  $z_2$  එක එකක්  $r(\cos \theta + i \sin \theta)$  ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න,

මෙහි  $r > 0$  සහ  $0 < \theta < \pi$  වේ.  $\cos \frac{5\pi}{12} = \frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$  බව අපෝහනය කරන්න.

- (i) A, B සහ C හි කුලකවල අවයව ලියන්න.
- (ii)  $n(A)$ ,  $n(B)$ ,  $n(C)$ ,  $n(A \cap B)$ ,  $n(B \cap C)$ ,  $n(C \cap A)$ ,  $n(A \cap B \cap C)$  සොයන්න.
- (b) පහත සඳහන් කුලක සඳහා ඩි' මෝගන්ගේ නියමය ඔප්පු කරන්න.
- $$A = \{1, 2, 3\} \quad B = \{2, 4, 6\} \quad U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$$
- (c) A සහ B යනු  $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$  සහ  $(A/B') = \frac{5}{12}$  වන පරිදි වූ සසම්භාවී සිද්ධි දෙකක්. මෙහි  $B'$  යනු B හි අනුපූරණ සිද්ධියයි.
- (i)  $P(B/A)$  (ii)  $P(B)$  (iii)  $P(A/B)$  සහ (iv)  $P(A \cup B)$  යන මේවා සොයන්න.
- A සහ B සිද්ධි අනෙකුතා වගයෙන් බහිෂ්කාර වේද? ඒවා ස්වායන්ත වේද? එක් එක් අවස්ථාවේ දී ඔබේ පිළිතුර සනාථ කරන්න.
- (8)(a) පෙටරියක පුදු බෝල 3 ක් සහ කළ බෝල 7 ක් අඩංගු වේ. තෝරා ගැනීම සිදු කරන්නේ නොබලා නම් පුදු බෝල දෙකක් තෝරා ගැනීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (b) A සහ B යනු සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ එක එකක් අර්ථ දක්වන්න.
- (i) A සහ B සිද්ධි ස්වායන්ත වෙයි.
- (ii) A සහ B සිද්ධි අනෙකානා වගයෙන් බහිෂ්කාර වෙයි.
- (iii) A සහ B සිද්ධි නිරවශේෂ වෙයි.
- A සහ B යන සිද්ධි දෙකකින් අනුපූරණ සිද්ධි පිළිවෙළින් A' සහ B' මෙන් දක්වමු.
- $$P(A \cap B) + P(A \cap B') = P(A)$$
- බව පෙන්වන්න.
- $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(B) = \frac{1}{3}$  සහ  $P(A \cap B') = \frac{1}{2}$  බව දී ඇති විට,  $P(A' \cap B)$  හි අගය සහ  $P(A' \cap B')$  හි අගය සොයන්න.
- (9)(a)කාසි තුනකින් එකක්, එක් වරක් උඩ දැමු විට ශීර්ෂය ලැබේමේ සම්භාවිතාව p වන පරිදි නැඹුරු ය. අනින් දෙක නොනැඹුරුය. කාසි තුනක් එකක් සසම්භාවී ලෙස තෝරාගෙන එය දෙවරක් උඩ දමනු ලැබේ. ලැබිය භැකි ප්‍රතිඵාන පෙන්වීමට රැක් සටහනක් අදින්න.
- වාර දෙකක්දීම ශීර්ෂය ලැබේමේ සම්භාවිතාව  $\frac{17}{54}$  වේ නම් p හි අගය සොයන්න.

p හි මෙම අගය සඳහා, වාර දෙකේ දීම, ඇත්ත වශයෙන්ම ශිර්ප ලැබුණු බව දී ඇත්තම්, කෝරාගන්නා ලද කාසිය නැඹුරු එකක් විමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(b) X, Y සහ Z යන්තු මගින් ඇණ නිපදවීමේ සම්භාවිතාව පිළිවෙළින්  $\frac{3}{5}$ ,  $\frac{3}{10}$  සහ  $\frac{1}{10}$  වේ.

X, Y සහ Z වලින් නිපදවන ඇණ වලින් 2%, 3% සහ 4% දේශ සහිත බව දන්නා කරුණකි.

- (i) නිපදවන ලද ඇණයක් දේශ සහිත බව සොයා ගැනීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (ii) ඇණයක් දේශ සහිත බව පෙනී ගියහොත්, X යන්තුය, Y යන්තුය සහ Z යන්තුය මගින් ඇණ නිපදවීමේ සම්භාවිතාව වෙන වෙනම සොයන්න.

අවසානයයි.

