

இலங்கை திறந்த பல்கலைக்கழகம்
முகாமைத்துவக் கற்கைப் பீடம்
முகாமைத்துவக் கற்கைகள் (சிறப்பு) பட்டப்படிப்பு நிகழ்ச்சித்திட்டம்
OSU4570: வணிகப் புள்ளிவிபரவியல்
தொடர் கணிப்பீட்டுப் பர்ட்சை (CAT) -2023/2024
நேரம்: இரண்டு மணி நேரம்



திதி: 24 மார்ச் 2024

நேரம்: பி.ப 1.30 - பி.ப 3.30

அறிவுறுத்தல்கள்:

- ஏதேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்கவும்.
- அனைத்து வினாக்களும் சமமான மதிப்பெண்களை உள்ளடக்கியது
- புரோகிராம் செய்யப்படாத கணிப்பான் (Non-Programmable) அனுமதிக்கப்படும்.
- அனைத்து கணிப்பீட்டு செய்முறைகளையும் காட்டுக்.
- இவ்வினாத்தான் 8 பக்கங்களையும், 5 கேள்விகளையும் உள்ளடக்கியுள்ளது.

வினா இலக்கம் 1

- ஒரு வலைத்தளத்தின் சராசரி கிளிக்-மூல விகிதம் click through rate -(CTR) 10% ஆகும். வலைத்தளத்தை நிமிடத்திற்கு 9 பயனர்கள் பார்வையிட்டால், 5 க்கும் குறைவான பயனர்கள் ஒரு விளம்பரத்தில் கிளிக் செய்வதற்கான நிகழ்தகவு என்ன? (6 புள்ளிகள்)
- ஒரு உணவுகம் வாரத்திற்கு சராசரியாக (mean) 4 வாடிக்கையாளர் புகார்களைப் பெறுகிறது. அடுத்த வாரம் உணவுகத்திற்கு 3க்கு குறைவான புகார்கள் வருவதற்கான நிகழ்தகவு என்ன? (6 புள்ளிகள்)
- ஒரு காலாண்டு பர்ட்சையின் மதிப்பெண்களின் இடை (Mean) 50 மற்றும் 10 நியம விலகலுடன் (Standard Deviation) ஒரு சாதாரண விநியோகத்தைக் (Normal Distribution) கொண்டுள்ளது. செவ்வனற்ற முறையில் (random sample) தேர்ந்தெடுக்கப்பட்ட மாணவர் தேர்வில் 60 க்கு மேல் மதிப்பெண் பெறுவதற்கான நிகழ்தகவு என்ன? (6 புள்ளிகள்)
- ஒரு நிறுவனம் வாடிக்கையாளர் திருப்தி கணக்கெடுப்பை நடத்துகிறது. மேலும் ஒவ்வொரு வாடிக்கையாளரும் நிறுவனத்தின் தயாரிப்புகள் மற்றும் சேவைகளில் திருப்தி அடைவதற்கான 70% நிகழ்தகவைக் கொண்டுள்ளனர். நிறுவனம் 200 வாடிக்கையாளர்களை ஆய்வு செய்தால், அவர்களில் குறைந்தது 140 பேர் திருப்தி அடைவதற்கான நிகழ்தகவு என்ன? (சாதாரண பரம்பலிருந்து ராருஞ்சி முறைமையைப் பயன்படுத்துக-Use Normal approximation to Binomial distribution) (7 புள்ளிகள்)

(மொத்தம் 25 புள்ளிகள்)

வினா இலக்கம் 2

- ஒரு ஆண்டைன் (online) சில்லறை விற்பனையாளர் தனது தயாரிப்புகளுக்கான சராசரி விநியோக நேரத்தை 90% நம்பிக்கை மட்டத்துடன் (90% confidence level) மதிப்பிட

விரும்புகிறார். சமீபத்திய 50 ஆர்டர்களின் சீரற்ற மாதிரி தேர்ந்தெடுக்கப்பட்டு (random sample), விநியோக நேரங்கள் (நாட்களில்) புதிய செய்யப்படுகின்றன. மாதிரி சராசரி விநியோக நேரம் (sample mean) 3.5 நாட்கள், மற்றும் மாதிரி நிலையான விலகல் (sample standard deviation) 0.8 நாட்கள். மக்கள்தொகை சராசரி விநியோக நேரத்திற்கான (population mean) 90% நம்பிக்கை இடைவெளியைக் (90% confidence interval) கணக்கிடுங்கள்.

(8 புள்ளிகள்)

- b. ஒரு மருந்து நிறுவனம் ஒரு புதிய மருந்தை சோதிக்க மருத்துவ பரிசோதனையை நடத்தி வருகிறது. 99% நம்பிக்கை மட்டத்தில் (99% confidence level); 2 mmHg நிகழத்தக்க வழு (Margin of error) மருந்தை உட்கொண்ட பிறகு இரத்த அழுத்தத்தின் சராசரி குறைப்பை (mean) மதிப்பிட நிறுவனம் விரும்புகிறது. இரத்த அழுத்த அளவீடுகளின் நியம விலகல் (Sample Standard Deviation) 8mm Hg என்று அறியப்படுகிறது. ஒரு மாதிரி அளவு (sample size) எவ்வளவு பெரியது என்பதை நிறுவனம் தேர்ந்தெடுக்க வேண்டும்?

(8 புள்ளிகள்)

- c. நம்பிக்கை இடைவெளிகள் (confidence interval) மற்றும் கருதுகோள் சோதனைக்கு (Hypothesis Testing) இடையிலான தொடர்பை விளக்குக. தரவுகளிலிருந்து முடிவுகளை எடுப்பதில் இந்த இரண்டு கருத்துக்களும் எவ்வாறு தொடர்புடையவை? நிஜமான வணிக நடைமுறை துற்நிலைகளை எடுத்துக்காட்டுகளை உதாரணமாகக் கொண்டு, தரவை பகுப்பாய்வு செய்வதற்கும் விளக்குவதற்கும் நம்பிக்கை இடைவெளிகள் மற்றும் கருதுகோள் சோதனை ஆகிய இரண்டும் ஒன்றாக பயன்படுத்தப்படும் துற்நிலைகளை தருக.

(9 புள்ளிகள்)

(மொத்தம் 25 புள்ளிகள்)

வினா இலக்கம் 3

- a. ஒரு மென்பொருள் நிறுவனம் தனது வாடிக்கையாளர்களில் 80% வாடிக்கையாளர்கள், அதன் வாடிக்கையாளர் ஆதரவு சேவைகளில் திருப்தி அடைந்துள்ளதாகக் கூறுகிறது. இந்த கூற்றை சோதிக்க, 200 வாடிக்கையாளர்களின் சீரற்ற மாதிரி (random sample) தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. மேலும் அவர்களில் 160 பேர் பெறப்பட்ட வாடிக்கையாளர் ஆதரவில் திருப்தி அடைந்துள்ளனர் என்பது கண்டறியப்பட்டுள்ளது. நிறுவனத்தின் கூற்றை 1% முக்கியத்துவம் வாய்ந்த (1% level of significance) நிலையில் ஆதரிக்க போதுமான ஆதாரங்கள் உள்ளதா என்பதை தீர்மானிக்க ஒரு கருதுகோள் சோதனையை (hypothesis testing) நடத்தவும்.
- (13 புள்ளிகள்)
- b. நிங்கள் ஒரு சில்லறை நிறுவனத்தில் பணிபுரியும் ஒரு நிர்வாகி என்று கற்பனை செய்து கொள்ளுங்கள், அது அதன் தயாரிப்புகளுக்கான புதிய விலை மூலோபாயத்தை (pricing strategy) செயல்படுத்தலாமா என்று பரிசீலித்து வருகிறது. தற்போதைய மூலோபாயத்துடன் ஓப்பிடும்போது புதிய விலை மூலோபாயம் விற்பனையில் குறிப்பிடத்தக்க அதிகரிப்புக்கு வழிவகுக்குமா என்பதை நிறுவனம் தீர்மானிக்க விரும்புகிறது. நிறுவனம் ஒரு விபரமான தீர்மானத்தை மேற்கொள்ள உதவும் கருதுகோள் சோதனையின் (hypothesis testing) செயல்முறையை விரிவான விளக்குக.
- (12 புள்ளிகள்)

(மொத்தம் 25 புள்ளிகள்)

வினா இலக்கம் 4

- a. ஒரு சில்லறை நிறுவனம் விற்பனையை அதிகரிக்க இரண்டு வெவ்வேறு சந்தைப்படுத்தல் உத்திகளின் (உத்தி A மற்றும் உத்தி B) செயல்திறனை மதிப்பீடு செய்கிறது. நிறுவனம் தோராயமாக வாடிக்கையாளர்களின் இரண்டு குழுக்களைத்

தேர்ந்தெடுக்கிறது. குழு 1 உத்தி A க்கு வெளிப்படுகிறது, குழு 2 உத்தி B க்கு வெளிப்படுகிறது. ஒரு மாதத்திற்குப் பிறகு, ஒவ்வொரு குழுவும் செலவழித்த சராசரி தொகையை நிறுவனம் அளவிடுகிறது.

குழு 1 (உத்தி A) மாதிரி அளவு (Sample size) = 50, மாதிரி இடை (Sample mean) = ரூ. 75, 000/-, மாதிரி நியம விலகல் (Standard Deviation) = ரூ. 10, 000/-
 குழு 2 (உத்தி B) மாதிரி அளவு = 60, மாதிரி இடை = ரூ. 80, 000/-, மாதிரி நியம விலகல் = ரூ. 12, 000/-

உத்தி B க்கு ஆளாகியவர்களுடன் ஒப்பிடும்போது உத்தி A க்கு ஆளாகிய வாடிக்கையாளர்கள் செலவழித்த சராசரி தொகையில் குறிப்பிடத்தக்க வேறுபாடு உள்ளதா என்பதைத் தீர்மானிக்க ஒரு கருதுகோள் சோதனையை (Hypothesis testing) நடத்துகிறீர்கள். 1% முக்கியத்துவத்தைப் (1% level of Significance) பயன்படுத்துகிறீர்கள்.

(13 புள்ளிகள்)

- b. பின்வருவனவற்றை சுருக்கமாக விவரிக்கவும் (12 புள்ளிகள்)
 I. தூணிய கருதுகோள் (Null Hypothesis) மற்றும் மாற்று கருதுகோள் (Alternative Hypothesis)
 II முதலாம் வகை வழி (Type I Error) மற்றும் இரண்டாம் வகை வழி (Type II error)

(மொத்தம் 25 புள்ளிகள்)

வினா இலக்கம் 5

ஒரு சந்தைப்படுத்தல் குழு வாடிக்கையாளர் திருப்தி மட்டம் (உயர், நடுத்தர, குறைந்த) மற்றும் அவர்களின் விருப்பமான தகவல்தொடர்பு முறைக்கு (மின்னஞ்சல், தொலைபேசி, நேரில்). இடையிலான உறவை பகுப்பாய்வு செய்ய விரும்புகிறது. அவர்கள் 400 வாடிக்கையாளர்களின் மாதிரியிலிருந்து (sample of customers) தரவைச் சேகரித்து, முடிவுகளை பின்வருமாறு தற்செயல் அட்டவணையில் அட்டவணைப்படுத்துகிறார்கள்,

| வாடிக்கையாளர் திருப்தி மட்டம் | விருப்பமான தகவல்தொடர்பு முறை | | | மொத்தம் |
|-------------------------------|------------------------------|----------|--------|---------|
| | மின்னஞ்சல் | தொலைபேசி | நேரில் | |
| உயர் | 60 | 40 | 30 | 130 |
| நடுத்தரம் | 48 | 60 | 32 | 140 |
| குறைவு | 25 | 45 | 60 | 130 |
| Total | 133 | 145 | 122 | 400 |

5% முக்கியத்துவத்தில் (5% level of significance) வாடிக்கையாளர் திருப்தி நிலைகளுக்கும் விருப்பமான தகவல்தொடர்பு முறைகளுக்கும் இடையே குறிப்பிடத்தக்க உறவு இருக்கிறதா என்பதைத் தீர்மானிக்க ஒரு பரிசோதனையை நடத்தவும்.

(மொத்தம் 25 புள்ளிகள்)

-பதிப்புரிமைக்குரியது-

பின்னிதொட்டு

$$P(r) = {}^nC_r p^r q^{(n-r)}$$

$$P(x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!} \quad \text{where, } e = 2.718$$

$$x - E < \mu < x + E \quad \text{where, } E = Z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \text{ or } E = t_{\alpha/2} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$p - E < p < p + E \quad \text{where, } E = Z \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$$

$$\chi^2_{STAT} = \sum_{all \text{ cells}} \frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$$

Binomial Probability Distribution Table

n = 8

| <i>x</i> | <i>p = 0.01</i> | <i>p = 0.02</i> | <i>p = 0.03</i> | <i>p = 0.04</i> | <i>p = 0.05</i> | <i>p = 0.06</i> | <i>p = 0.07</i> | <i>p = 0.08</i> | <i>p = 0.09</i> | |
|----------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|----------|
| | <i>p = 0.99</i> | <i>p = 0.98</i> | <i>p = 0.97</i> | <i>p = 0.96</i> | <i>p = 0.95</i> | <i>p = 0.94</i> | <i>p = 0.93</i> | <i>p = 0.92</i> | <i>p = 0.91</i> | <i>x</i> |
| 0 | 0.9227 | 0.8508 | 0.7837 | 0.7214 | 0.6634 | 0.6096 | 0.5596 | 0.5132 | 0.4703 | 8 |
| 1 | 0.0746 | 0.1389 | 0.1939 | 0.2405 | 0.2793 | 0.3113 | 0.3370 | 0.3570 | 0.3721 | 7 |
| 2 | 0.0026 | 0.0099 | 0.0210 | 0.0351 | 0.0515 | 0.0695 | 0.0888 | 0.1087 | 0.1288 | 6 |
| 3 | 0.0001 | 0.0004 | 0.0013 | 0.0029 | 0.0054 | 0.0089 | 0.0134 | 0.0189 | 0.0255 | 5 |
| 4 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0002 | 0.0004 | 0.0007 | 0.0013 | 0.0021 | 0.0031 | 4 |
| 5 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0002 | 3 |
| 6 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 2 |
| | <i>p = 0.99</i> | <i>p = 0.98</i> | <i>p = 0.97</i> | <i>p = 0.96</i> | <i>p = 0.95</i> | <i>p = 0.94</i> | <i>p = 0.93</i> | <i>p = 0.92</i> | <i>p = 0.91</i> | <i>x</i> |
| <i>x</i> | <i>p = 0.10</i> | <i>p = 0.15</i> | <i>p = 0.20</i> | <i>p = 0.25</i> | <i>p = 0.30</i> | <i>p = 0.35</i> | <i>p = 0.40</i> | <i>p = 0.45</i> | <i>p = 0.50</i> | |
| 0 | 0.4305 | 0.2725 | 0.1678 | 0.1001 | 0.0576 | 0.0319 | 0.0168 | 0.0084 | 0.0039 | 8 |
| 1 | 0.3826 | 0.3847 | 0.3355 | 0.2670 | 0.1977 | 0.1373 | 0.0896 | 0.0548 | 0.0313 | 7 |
| 2 | 0.1488 | 0.2376 | 0.2936 | 0.3115 | 0.2965 | 0.2587 | 0.2090 | 0.1569 | 0.1094 | 6 |
| 3 | 0.0331 | 0.0839 | 0.1468 | 0.2076 | 0.2541 | 0.2786 | 0.2787 | 0.2568 | 0.2188 | 5 |
| 4 | 0.0046 | 0.0185 | 0.0459 | 0.0865 | 0.1361 | 0.1875 | 0.2322 | 0.2627 | 0.2734 | 4 |
| 5 | 0.0004 | 0.0026 | 0.0092 | 0.0231 | 0.0467 | 0.0808 | 0.1239 | 0.1719 | 0.2188 | 3 |
| 6 | 0.0000 | 0.0002 | 0.0011 | 0.0038 | 0.0100 | 0.0217 | 0.0413 | 0.0703 | 0.1094 | 2 |
| 7 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0004 | 0.0012 | 0.0033 | 0.0079 | 0.0164 | 0.0313 | 1 |
| 8 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0002 | 0.0007 | 0.0017 | 0.0039 | 0 |
| | <i>p = 0.90</i> | <i>p = 0.85</i> | <i>p = 0.80</i> | <i>p = 0.75</i> | <i>p = 0.70</i> | <i>p = 0.65</i> | <i>p = 0.60</i> | <i>p = 0.55</i> | <i>p = 0.50</i> | <i>x</i> |

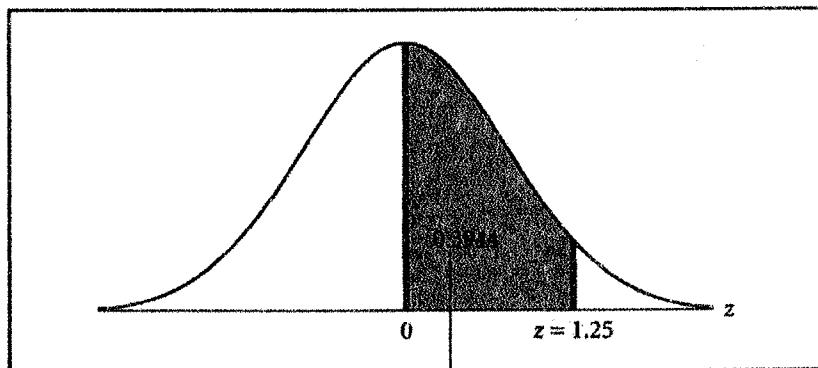
n = 9

| <i>x</i> | <i>p = 0.01</i> | <i>p = 0.02</i> | <i>p = 0.03</i> | <i>p = 0.04</i> | <i>p = 0.05</i> | <i>p = 0.06</i> | <i>p = 0.07</i> | <i>p = 0.08</i> | <i>p = 0.09</i> | |
|----------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|----------|
| | <i>p = 0.99</i> | <i>p = 0.98</i> | <i>p = 0.97</i> | <i>p = 0.96</i> | <i>p = 0.95</i> | <i>p = 0.94</i> | <i>p = 0.93</i> | <i>p = 0.92</i> | <i>p = 0.91</i> | <i>x</i> |
| 0 | 0.9135 | 0.8337 | 0.7602 | 0.6925 | 0.6302 | 0.5730 | 0.5204 | 0.4722 | 0.4279 | 9 |
| 1 | 0.0830 | 0.1531 | 0.2116 | 0.2597 | 0.2985 | 0.3292 | 0.3525 | 0.3695 | 0.3809 | 8 |
| 2 | 0.0034 | 0.0125 | 0.0262 | 0.0433 | 0.0629 | 0.0840 | 0.1061 | 0.1285 | 0.1507 | 7 |
| 3 | 0.0001 | 0.0006 | 0.0019 | 0.0042 | 0.0077 | 0.0125 | 0.0186 | 0.0261 | 0.0348 | 6 |
| 4 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0003 | 0.0006 | 0.0012 | 0.0021 | 0.0034 | 0.0052 | 5 |
| 5 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0002 | 0.0003 | 0.0005 | 4 |
| 6 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 3 |
| 7 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 2 |
| | <i>p = 0.90</i> | <i>p = 0.85</i> | <i>p = 0.80</i> | <i>p = 0.75</i> | <i>p = 0.70</i> | <i>p = 0.65</i> | <i>p = 0.60</i> | <i>p = 0.55</i> | <i>p = 0.50</i> | <i>x</i> |
| <i>x</i> | <i>p = 0.10</i> | <i>p = 0.15</i> | <i>p = 0.20</i> | <i>p = 0.25</i> | <i>p = 0.30</i> | <i>p = 0.35</i> | <i>p = 0.40</i> | <i>p = 0.45</i> | <i>p = 0.50</i> | |
| 0 | 0.3874 | 0.2316 | 0.1342 | 0.0751 | 0.0404 | 0.0207 | 0.0101 | 0.0046 | 0.0020 | 9 |
| 1 | 0.3874 | 0.3679 | 0.3020 | 0.2253 | 0.1556 | 0.1004 | 0.0605 | 0.0339 | 0.0176 | 8 |
| 2 | 0.1722 | 0.2597 | 0.3020 | 0.3003 | 0.2668 | 0.2162 | 0.1612 | 0.1110 | 0.0703 | 7 |
| 3 | 0.0446 | 0.1069 | 0.1762 | 0.2336 | 0.2668 | 0.2716 | 0.2508 | 0.2119 | 0.1641 | 6 |
| 4 | 0.0074 | 0.0283 | 0.0661 | 0.1168 | 0.1715 | 0.2194 | 0.2508 | 0.2600 | 0.2461 | 5 |
| 5 | 0.0008 | 0.0050 | 0.0165 | 0.0389 | 0.0735 | 0.1181 | 0.1672 | 0.2128 | 0.2461 | 4 |
| 6 | 0.0001 | 0.0006 | 0.0028 | 0.0087 | 0.0210 | 0.0424 | 0.0743 | 0.1160 | 0.1641 | 3 |
| 7 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0003 | 0.0012 | 0.0039 | 0.0098 | 0.0212 | 0.0407 | 0.0703 | 2 |
| 8 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0004 | 0.0013 | 0.0035 | 0.0083 | 0.0176 | 1 |
| 9 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0003 | 0.0008 | 0.0020 | 0 |
| | <i>p = 0.90</i> | <i>p = 0.85</i> | <i>p = 0.80</i> | <i>p = 0.75</i> | <i>p = 0.70</i> | <i>p = 0.65</i> | <i>p = 0.60</i> | <i>p = 0.55</i> | <i>p = 0.50</i> | <i>x</i> |

n = 10

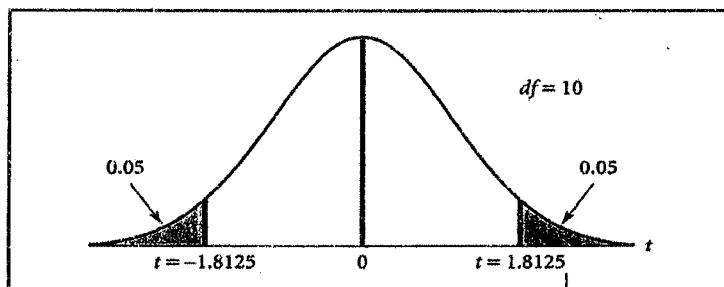
| <i>x</i> | <i>p = 0.01</i> | <i>p = 0.02</i> | <i>p = 0.03</i> | <i>p = 0.04</i> | <i>p = 0.05</i> | <i>p = 0.06</i> | <i>p = 0.07</i> | <i>p = 0.08</i> | <i>p = 0.09</i> | |
|----------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|----------|
| | <i>p = 0.99</i> | <i>p = 0.98</i> | <i>p = 0.97</i> | <i>p = 0.96</i> | <i>p = 0.95</i> | <i>p = 0.94</i> | <i>p = 0.93</i> | <i>p = 0.92</i> | <i>p = 0.91</i> | <i>x</i> |
| 0 | 0.9044 | 0.8171 | 0.7374 | 0.6648 | 0.5987 | 0.5386 | 0.4840 | 0.4344 | 0.3894 | 10 |
| 1 | 0.0914 | 0.1667 | 0.2281 | 0.2770 | 0.3151 | 0.3438 | 0.3643 | 0.3777 | 0.3851 | 9 |
| 2 | 0.0042 | 0.0153 | 0.0317 | 0.0519 | 0.0746 | 0.0988 | 0.1234 | 0.1478 | 0.1714 | 8 |
| 3 | 0.0001 | 0.0008 | 0.0026 | 0.0058 | 0.0105 | 0.0168 | 0.0248 | 0.0343 | 0.0452 | 7 |
| 4 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0004 | 0.0010 | 0.0019 | 0.0033 | 0.0052 | 0.0078 | 6 |
| 5 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0003 | 0.0005 | 0.0009 | 5 |
| 6 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0001 | 4 |
| 7 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 3 |
| | <i>p = 0.90</i> | <i>p = 0.85</i> | <i>p = 0.80</i> | <i>p = 0.75</i> | <i>p = 0.70</i> | <i>p = 0.65</i> | <i>p = 0.60</i> | <i>p = 0.55</i> | <i>p = 0.50</i> | <i>x</i> |

Standard Normal Distribution Table



| <i>z</i> | 0 | 0.01 | 0.02 | 0.03 | 0.04 | 0.05 | 0.06 | 0.07 | 0.08 | 0.09 |
|-----------------|----------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| 0.0 | 0.0000 | 0.0040 | 0.0080 | 0.0120 | 0.0160 | 0.0199 | 0.0239 | 0.0279 | 0.0319 | 0.0359 |
| 0.1 | 0.0398 | 0.0438 | 0.0478 | 0.0517 | 0.0557 | 0.0596 | 0.0636 | 0.0675 | 0.0714 | 0.0753 |
| 0.2 | 0.0793 | 0.0832 | 0.0871 | 0.0910 | 0.0948 | 0.0987 | 0.1026 | 0.1064 | 0.1103 | 0.1141 |
| 0.3 | 0.1179 | 0.1217 | 0.1255 | 0.1293 | 0.1331 | 0.1368 | 0.1406 | 0.1443 | 0.1480 | 0.1517 |
| 0.4 | 0.1554 | 0.1591 | 0.1628 | 0.1664 | 0.1700 | 0.1736 | 0.1772 | 0.1808 | 0.1844 | 0.1879 |
| 0.5 | 0.1915 | 0.1950 | 0.1985 | 0.2019 | 0.2054 | 0.2088 | 0.2123 | 0.2157 | 0.2190 | 0.2224 |
| 0.6 | 0.2257 | 0.2291 | 0.2324 | 0.2357 | 0.2389 | 0.2422 | 0.2454 | 0.2486 | 0.2517 | 0.2549 |
| 0.7 | 0.2580 | 0.2611 | 0.2642 | 0.2673 | 0.2704 | 0.2734 | 0.2764 | 0.2794 | 0.2823 | 0.2852 |
| 0.8 | 0.2881 | 0.2910 | 0.2939 | 0.2967 | 0.2995 | 0.3023 | 0.3051 | 0.3078 | 0.3106 | 0.3133 |
| 0.9 | 0.3159 | 0.3186 | 0.3212 | 0.3238 | 0.3264 | 0.3289 | 0.3315 | 0.3340 | 0.3365 | 0.3389 |
| 1.0 | 0.3413 | 0.3438 | 0.3461 | 0.3485 | 0.3508 | 0.3531 | 0.3554 | 0.3577 | 0.3599 | 0.3621 |
| 1.1 | 0.3643 | 0.3663 | 0.3686 | 0.3708 | 0.3729 | 0.3749 | 0.3770 | 0.3790 | 0.3810 | 0.3830 |
| 1.2 | 0.3849 | 0.3869 | 0.3888 | 0.3907 | 0.3925 | 0.3944 | 0.3962 | 0.3980 | 0.3997 | 0.4015 |
| 1.3 | 0.4032 | 0.4049 | 0.4066 | 0.4082 | 0.4099 | 0.4115 | 0.4131 | 0.4147 | 0.4162 | 0.4177 |
| 1.4 | 0.4192 | 0.4207 | 0.4222 | 0.4236 | 0.4251 | 0.4265 | 0.4279 | 0.4292 | 0.4306 | 0.4319 |
| 1.5 | 0.4332 | 0.4345 | 0.4357 | 0.4370 | 0.4382 | 0.4394 | 0.4406 | 0.4418 | 0.4429 | 0.4441 |
| 1.6 | 0.4452 | 0.4463 | 0.4474 | 0.4484 | 0.4495 | 0.4505 | 0.4515 | 0.4525 | 0.4535 | 0.4545 |
| 1.7 | 0.4554 | 0.4564 | 0.4573 | 0.4582 | 0.4591 | 0.4599 | 0.4608 | 0.4616 | 0.4625 | 0.4633 |
| 1.8 | 0.4641 | 0.4649 | 0.4656 | 0.4664 | 0.4671 | 0.4678 | 0.4686 | 0.4693 | 0.4699 | 0.4706 |
| 1.9 | 0.4713 | 0.4719 | 0.4726 | 0.4732 | 0.4738 | 0.4744 | 0.4750 | 0.4756 | 0.4761 | 0.4767 |
| 2.0 | 0.4772 | 0.4778 | 0.4783 | 0.4788 | 0.4793 | 0.4798 | 0.4803 | 0.4808 | 0.4812 | 0.4817 |
| 2.1 | 0.4821 | 0.4826 | 0.4830 | 0.4834 | 0.4838 | 0.4842 | 0.4846 | 0.4850 | 0.4854 | 0.4857 |
| 2.2 | 0.4861 | 0.4864 | 0.4868 | 0.4871 | 0.4875 | 0.4878 | 0.4881 | 0.4884 | 0.4887 | 0.4890 |
| 2.3 | 0.4893 | 0.4896 | 0.4898 | 0.4901 | 0.4904 | 0.4906 | 0.4909 | 0.4911 | 0.4913 | 0.4916 |
| 2.4 | 0.4918 | 0.4920 | 0.4922 | 0.4925 | 0.4927 | 0.4929 | 0.4931 | 0.4932 | 0.4934 | 0.4936 |
| 2.5 | 0.4938 | 0.4940 | 0.4941 | 0.4943 | 0.4945 | 0.4946 | 0.4948 | 0.4949 | 0.4951 | 0.4952 |
| 2.6 | 0.4953 | 0.4955 | 0.4956 | 0.4957 | 0.4959 | 0.4960 | 0.4961 | 0.4962 | 0.4963 | 0.4964 |
| 2.7 | 0.4965 | 0.4966 | 0.4967 | 0.4968 | 0.4969 | 0.4970 | 0.4971 | 0.4972 | 0.4973 | 0.4974 |
| 2.8 | 0.4974 | 0.4975 | 0.4976 | 0.4977 | 0.4977 | 0.4978 | 0.4979 | 0.4979 | 0.4980 | 0.4981 |
| 2.9 | 0.4981 | 0.4982 | 0.4982 | 0.4983 | 0.4984 | 0.4984 | 0.4985 | 0.4985 | 0.4986 | 0.4986 |
| 3.0 | 0.4987 | 0.4987 | 0.4987 | 0.4988 | 0.4988 | 0.4989 | 0.4989 | 0.4989 | 0.4990 | 0.4990 |

Critical values for t-distribution

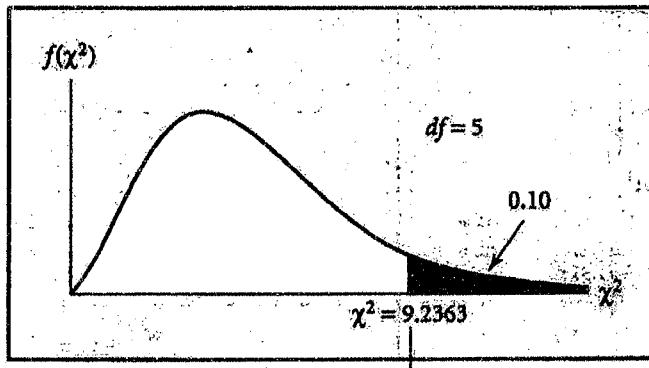


| PROBABILITIES (OR AREAS UNDER t-DISTRIBUTION CURVE) | | | | | | | | | |
|---|--------------------|--------|--------|--------|--------|--------|---------|---------|---------|
| Conf. Level | 0.1 | 0.3 | 0.5 | 0.7 | 0.8 | 0.9 | 0.95 | 0.98 | 0.99 |
| One Tail | 0.45 | 0.35 | 0.25 | 0.15 | 0.1 | 0.05 | 0.025 | 0.01 | 0.005 |
| Two Tails | 0.9 | 0.7 | 0.5 | 0.3 | 0.2 | 0.1 | 0.05 | 0.02 | 0.01 |
| df | Values of <i>t</i> | | | | | | | | |
| 1 | 0.1584 | 0.5095 | 1.0000 | 1.9626 | 3.0777 | 6.3137 | 12.7062 | 31.8210 | 63.6559 |
| 2 | 0.1421 | 0.4447 | 0.8165 | 1.3862 | 1.8856 | 2.9200 | 4.3027 | 6.9645 | 9.9250 |
| 3 | 0.1366 | 0.4242 | 0.7649 | 1.2498 | 1.6377 | 2.3534 | 3.1824 | 4.5407 | 5.8408 |
| 4 | 0.1338 | 0.4142 | 0.7407 | 1.1896 | 1.5332 | 2.1318 | 2.7765 | 3.7469 | 4.6041 |
| 5 | 0.1322 | 0.4082 | 0.7267 | 1.1558 | 1.4759 | 2.0150 | 2.5706 | 3.3649 | 4.0321 |
| 6 | 0.1311 | 0.4043 | 0.7176 | 1.1342 | 1.4398 | 1.9432 | 2.4469 | 3.1427 | 3.7074 |
| 7 | 0.1303 | 0.4015 | 0.7111 | 1.1192 | 1.4149 | 1.8946 | 2.3646 | 2.9979 | 3.4995 |
| 8 | 0.1297 | 0.3995 | 0.7064 | 1.1081 | 1.3968 | 1.8595 | 2.3060 | 2.8965 | 3.3554 |
| 9 | 0.1293 | 0.3979 | 0.7027 | 1.0997 | 1.3830 | 1.8331 | 2.2622 | 2.8214 | 3.2498 |
| 10 | 0.1289 | 0.3966 | 0.6998 | 1.0931 | 1.3722 | 1.8125 | 2.2281 | 2.7638 | 3.1693 |
| 11 | 0.1286 | 0.3956 | 0.6974 | 1.0877 | 1.3634 | 1.7959 | 2.2010 | 2.7181 | 3.1058 |
| 12 | 0.1283 | 0.3947 | 0.6955 | 1.0832 | 1.3562 | 1.7823 | 2.1788 | 2.6810 | 3.0545 |
| 13 | 0.1281 | 0.3940 | 0.6938 | 1.0795 | 1.3502 | 1.7709 | 2.1604 | 2.6503 | 3.0123 |
| 14 | 0.1280 | 0.3933 | 0.6924 | 1.0763 | 1.3450 | 1.7613 | 2.1448 | 2.6243 | 2.9768 |
| 15 | 0.1278 | 0.3928 | 0.6912 | 1.0735 | 1.3406 | 1.7531 | 2.1315 | 2.6023 | 2.9467 |
| 16 | 0.1277 | 0.3923 | 0.6901 | 1.0711 | 1.3368 | 1.7459 | 2.1199 | 2.5835 | 2.9208 |
| 17 | 0.1276 | 0.3919 | 0.6892 | 1.0690 | 1.3334 | 1.7396 | 2.1098 | 2.5669 | 2.8982 |
| 18 | 0.1274 | 0.3915 | 0.6884 | 1.0672 | 1.3304 | 1.7341 | 2.1009 | 2.5524 | 2.8784 |
| 19 | 0.1274 | 0.3912 | 0.6876 | 1.0655 | 1.3277 | 1.7291 | 2.0930 | 2.5395 | 2.8609 |
| 20 | 0.1273 | 0.3909 | 0.6870 | 1.0640 | 1.3253 | 1.7247 | 2.0860 | 2.5280 | 2.8453 |
| 21 | 0.1272 | 0.3906 | 0.6864 | 1.0627 | 1.3232 | 1.7207 | 2.0796 | 2.5176 | 2.8314 |
| 22 | 0.1271 | 0.3904 | 0.6858 | 1.0614 | 1.3212 | 1.7171 | 2.0739 | 2.5083 | 2.8188 |
| 23 | 0.1271 | 0.3902 | 0.6853 | 1.0603 | 1.3195 | 1.7139 | 2.0687 | 2.4999 | 2.8073 |
| 24 | 0.1270 | 0.3900 | 0.6848 | 1.0593 | 1.3178 | 1.7109 | 2.0639 | 2.4922 | 2.7970 |
| 25 | 0.1269 | 0.3898 | 0.6844 | 1.0584 | 1.3163 | 1.7081 | 2.0593 | 2.4851 | 2.7874 |
| 26 | 0.1269 | 0.3896 | 0.6840 | 1.0575 | 1.3150 | 1.7056 | 2.0555 | 2.4786 | 2.7787 |
| 27 | 0.1268 | 0.3894 | 0.6837 | 1.0567 | 1.3137 | 1.7033 | 2.0518 | 2.4727 | 2.7707 |
| 28 | 0.1268 | 0.3893 | 0.6834 | 1.0560 | 1.3125 | 1.7011 | 2.0484 | 2.4671 | 2.7633 |
| 29 | 0.1268 | 0.3892 | 0.6830 | 1.0553 | 1.3114 | 1.6991 | 2.0452 | 2.4620 | 2.7564 |
| 30 | 0.1267 | 0.3890 | 0.6828 | 1.0547 | 1.3104 | 1.6973 | 2.0423 | 2.4573 | 2.7500 |
| 40 | 0.1265 | 0.3881 | 0.6807 | 1.0500 | 1.3031 | 1.6839 | 2.0211 | 2.4233 | 2.7045 |
| 50 | 0.1263 | 0.3875 | 0.6794 | 1.0473 | 1.2987 | 1.6759 | 2.0086 | 2.4033 | 2.6778 |
| 60 | 0.1262 | 0.3872 | 0.6786 | 1.0455 | 1.2958 | 1.6706 | 2.0003 | 2.3901 | 2.6603 |
| 70 | 0.1261 | 0.3869 | 0.6780 | 1.0442 | 1.2938 | 1.6669 | 1.9944 | 2.3808 | 2.6479 |
| 80 | 0.1261 | 0.3867 | 0.6776 | 1.0432 | 1.2922 | 1.6641 | 1.9901 | 2.3739 | 2.6387 |
| 90 | 0.1260 | 0.3866 | 0.6772 | 1.0424 | 1.2910 | 1.6620 | 1.9867 | 2.3685 | 2.6316 |
| 100 | 0.1260 | 0.3864 | 0.6770 | 1.0418 | 1.2901 | 1.6602 | 1.9840 | 2.3642 | 2.6259 |
| 250 | 0.1258 | 0.3858 | 0.6755 | 1.0386 | 1.2849 | 1.6510 | 1.9695 | 2.3414 | 2.5956 |
| 500 | 0.1257 | 0.3855 | 0.6750 | 1.0375 | 1.2832 | 1.6479 | 1.9647 | 2.3338 | 2.5857 |

See Normal Distribution

≈

Critical Values for Chi-Squared Distribution



PROBABILITIES (OR AREAS UNDER CHI-SQUARE DISTRIBUTION CURVE
ABOVE GIVEN CHI-SQUARE VALUES)

| df | 0.995 | 0.99 | 0.975 | 0.95 | 0.90 | 0.10 | 0.05 | 0.025 | 0.01 | 0.005 |
|----|-----------------------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| | Values of Chi-Squared | | | | | | | | | |
| 1 | 0.0000 | 0.0002 | 0.0010 | 0.0039 | 0.0158 | 2.7055 | 3.8415 | 5.0239 | 6.6349 | 7.8794 |
| 2 | 0.0100 | 0.0201 | 0.0506 | 0.1026 | 0.2107 | 4.6052 | 5.9915 | 7.3778 | 9.2104 | 10.5965 |
| 3 | 0.0717 | 0.1148 | 0.2158 | 0.3518 | 0.5844 | 6.2514 | 7.8147 | 9.3484 | 11.3449 | 12.8381 |
| 4 | 0.2070 | 0.2971 | 0.4844 | 0.7107 | 1.0636 | 7.7794 | 9.4877 | 11.1433 | 13.2767 | 14.8602 |
| 5 | 0.4118 | 0.5543 | 0.8312 | 1.1455 | 1.6103 | 9.2363 | 11.0705 | 12.8325 | 15.0863 | 16.7496 |
| 6 | 0.6757 | 0.8721 | 1.2373 | 1.6354 | 2.2041 | 10.6446 | 12.5916 | 14.4494 | 16.8119 | 18.5475 |
| 7 | 0.9893 | 1.2390 | 1.6899 | 2.1673 | 2.8331 | 12.0170 | 14.0671 | 16.0128 | 18.4753 | 20.2777 |
| 8 | 1.3444 | 1.6465 | 2.1797 | 2.7326 | 3.4895 | 13.3616 | 15.5073 | 17.5345 | 20.0902 | 21.9549 |
| 9 | 1.7349 | 2.0879 | 2.7004 | 3.3251 | 4.1682 | 14.6837 | 16.9190 | 19.0228 | 21.6660 | 23.5893 |
| 10 | 2.1558 | 2.5582 | 3.2470 | 3.9403 | 4.8652 | 15.9872 | 18.3070 | 20.4832 | 23.2093 | 25.1881 |
| 11 | 2.6032 | 3.0535 | 3.8157 | 4.5748 | 5.5778 | 17.2750 | 19.6752 | 21.9200 | 24.7250 | 26.7569 |
| 12 | 3.0738 | 3.5706 | 4.4038 | 5.2260 | 6.3038 | 18.5493 | 21.0261 | 23.3367 | 26.2170 | 28.2997 |
| 13 | 3.5650 | 4.1069 | 5.0087 | 5.8919 | 7.0415 | 19.8119 | 22.3620 | 24.7356 | 27.6882 | 29.8193 |
| 14 | 4.0747 | 4.6604 | 5.6287 | 6.5706 | 7.7895 | 21.0641 | 23.6848 | 26.1189 | 29.1412 | 31.3194 |
| 15 | 4.6009 | 5.2294 | 6.2621 | 7.2609 | 8.5468 | 22.3071 | 24.9958 | 27.4884 | 30.5780 | 32.8015 |
| 16 | 5.1422 | 5.8122 | 6.9077 | 7.9616 | 9.3122 | 23.5418 | 26.2962 | 28.8453 | 31.9999 | 34.2671 |
| 17 | 5.6973 | 6.4077 | 7.5642 | 8.6718 | 10.0852 | 24.7690 | 27.5871 | 30.1910 | 33.4087 | 35.7184 |
| 18 | 6.2648 | 7.0149 | 8.2307 | 9.3904 | 10.8649 | 25.9894 | 28.8693 | 31.5264 | 34.8052 | 37.1564 |
| 19 | 6.8439 | 7.6327 | 8.9065 | 10.1170 | 11.6509 | 27.2036 | 30.1435 | 32.8523 | 36.1908 | 38.3821 |
| 20 | 7.4338 | 8.2604 | 9.5908 | 10.8508 | 12.4426 | 28.4120 | 31.4104 | 34.1696 | 37.5663 | 39.9969 |
| 21 | 8.0336 | 8.8972 | 10.2829 | 11.5913 | 13.2396 | 29.6151 | 32.6706 | 35.4789 | 38.9322 | 41.4009 |
| 22 | 8.6427 | 9.5425 | 10.9823 | 12.3380 | 14.0415 | 30.8133 | 33.9245 | 36.7807 | 40.2894 | 42.7957 |
| 23 | 9.2604 | 10.1957 | 11.6885 | 13.0905 | 14.8480 | 32.0069 | 35.1725 | 38.0756 | 41.6383 | 44.1814 |
| 24 | 9.8862 | 10.8563 | 12.4011 | 13.8484 | 15.6587 | 33.1962 | 36.4150 | 39.3641 | 42.9798 | 45.5584 |
| 25 | 10.5196 | 11.5240 | 13.1197 | 14.6114 | 16.4734 | 34.3816 | 37.6525 | 40.6465 | 44.3140 | 46.9280 |
| 26 | 11.1602 | 12.1982 | 13.8439 | 15.3792 | 17.2919 | 35.5632 | 38.8851 | 41.9231 | 45.6416 | 48.2898 |
| 27 | 11.8077 | 12.8785 | 14.5734 | 16.1514 | 18.1139 | 36.7412 | 40.1133 | 43.1945 | 46.9628 | 49.6450 |
| 28 | 12.4613 | 13.5647 | 15.3079 | 16.9279 | 18.9392 | 37.9159 | 41.3372 | 44.4608 | 48.2782 | 50.9936 |
| 29 | 13.1211 | 14.2564 | 16.0471 | 17.7084 | 19.7677 | 39.0875 | 42.5569 | 45.7223 | 49.5878 | 52.3355 |
| 30 | 13.7867 | 14.9535 | 16.7908 | 18.4927 | 20.5992 | 40.2560 | 43.7730 | 46.9792 | 50.8922 | 53.6719 |