

ශ්‍රී ලංකා විවෘත විශ්වවිද්‍යාලය  
 විද්‍යාවේදී/ අධ්‍යාපනවේදී උපාධි පාඨමාලාව  
 අවසාන පරීක්ෂණය - 2015/2016  
 ව්‍යවහාරික ගණිතය - තුන්වන මට්ටම  
 APU1140/APE3140 - දෛශික වීජ ගණිතය



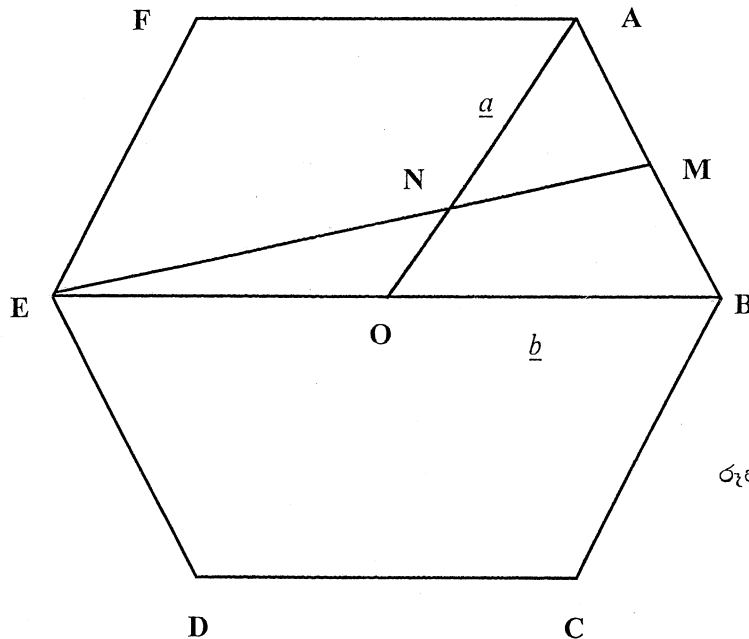
කාලය පැය එකයි

දිනය : 2016.07.04

වේලාව -පෙ.ව. 09.30 -පෙ.ව. 11.30 දක්වා.

ප්‍රශ්න හතරකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

1. පහත රූපයේ  $O$  කේන්ද්‍රය වූ  $ABCDEF$  සවිධි ඡායාසුයක් දැක්වේ.  $M$  යනු  $AB$  හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය වේ.  $\vec{OA} = \underline{a}$  සහ  $\vec{OB} = \underline{b}$  සහ ලෙස දී ඇත.



රූපය පරිමාණයට ඇඳ නැත.

- a)  $\vec{AB}$ ,  $\vec{OE}$ ,  $\vec{OM}$  and  $\vec{EM}$   $\underline{a}$  සහ  $\underline{b}$  හෝ  $\underline{a}$  හෝ  $\underline{b}$  හෝ අනුසාරයෙන් ප්‍රකාශ කර හැකිනම් සුළුකරන්න.

$OA$  සහ  $EM$  හි ඡේදන ලක්ෂ්‍යය  $N$  කෙරෙහිදී  $\vec{ON} = \lambda \underline{a}$  සහ  $\vec{EN} = \mu \vec{EM}$  වන අතර  $\lambda$  සහ  $\mu$  යනු නියතයන් වේ.

b)  $\vec{ON} = \frac{1}{2} \mu \underline{a} + \left( \frac{3}{2} \mu - 1 \right) \underline{b}$  බව පෙන්වන්න.

- c) එනමින්  $\lambda$  සහ  $\mu$  හි අගයයන් සොයන්න.

$ENO$  ත්‍රිකෝණයේ වර්ගඵලය ඒකක 10 ක් ලෙස දී ඇත.

- d)  $ABCDEF$  ඡායාසුයේ වර්ගඵලය සොයන්න.

2.

a) නම් වූ අවල ලක්ෂ්‍යකට සාපේක්ෂව,  $l_1$  සහ  $l_2$  වන සරල රේඛාවල සමීකරණ

$$l_1 \equiv \frac{x-2}{-1} = \frac{y+3}{2} = z-4 \text{ සහ}$$

$$l_2 \equiv \frac{x-2}{5} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-4}{5} \text{ වේ..}$$

- $l_1$  සහ  $l_2$  හි ඡේදන ලක්ෂ්‍යයේ පිහිටුම් දෛශිකය සොයන්න.
- $l_1$  සහ  $l_2$  අතර කෝණය ආසන්න  $0.1^\circ$  ට සොයන්න.
- පිහිටුම් දෛශිකය  $\underline{j} + 6\underline{k}$  වූ  $A$  නම් ලක්ෂ්‍යය  $l_1$  මත පිහිටන බව පෙන්වන්න.
- $A$  සිට  $l_2$  සරල රේඛාවට ඇති කෙටිම දුර සොයන්න.

b)  $q, q \in R$  අනුසාරයෙන්  $A(2, 1, q)$  ලක්ෂ්‍ය හරහා යමින්  $3\underline{i} - \underline{j} + 2\underline{k}$  දෛශිකයට අභිලම්බ  $P$  නම් වූ තලයේ බාට්ටියානු සමීකරණය සොයන්න. එනමින්, මූල ලක්ෂ්‍යයේ සිට  $P$  තලයට ඇති ලම්භක දිග  $\sqrt{\frac{7}{2}}$  නම්  $q$  හි අගය සොයන්න.

3.

a)  $-6a + 3b + 2c, 3a - 2b + 4c, 5a + 7b + 3c$  සහ  $-13a + 17b + c$  යන පිහිටුම් දෛශික මගින් දෙනු ලබන ලක්ෂ්‍යයන් හතර ඒකතල වේද? ඔබේ පිළිතුර සනාථ කරන්න.

b)  $x + y + z = 8$  සහ  $2x - 3y + 2z = 2$  තල අතර කෝණය සොයන්න.

c)  $\underline{r} = \left(1 - \frac{16 \cos \theta}{\sqrt{14}} + \frac{8 \sin \theta}{\sqrt{5}}\right) \underline{i} + \frac{24 \cos \theta}{\sqrt{14}} \underline{j} + \left(2 + \frac{8 \cos \theta}{\sqrt{14}} + \frac{16 \sin \theta}{\sqrt{5}}\right) \underline{k}$  වක්‍රය වක්‍රයක් බව පෙන්වන්න. එහි කේන්ද්‍රය සහ අරය සොයන්න.

4.

a) දෛශිකමය ශ්‍රිත  $\underline{F}(t)$  සහ  $\underline{G}(t)$  පහත ආකාරයට දී ඇත.

$$\underline{F}(t) = \frac{1}{t-a} \underline{i} + e^{-t} \underline{j} + (\cos 3t) \underline{k}, \quad a > 0 \text{ සහ}$$

$$\underline{G}(t) = \sqrt{t-5} \underline{i} + \ln(t^2 - 4) \underline{j} + t^3 \underline{k}.$$

i.  $|\underline{F}(0)| = \sqrt{3}$  නම්  $q$  හි අගය සොයන්න. එනමින්  $\underline{F}(t)$  සහ  $\underline{G}(t)$  එක් එක් දෛශිකමය ශ්‍රිතයන් හි වසම සොයන්න.

ii.  $\underline{F}(t) \times \underline{G}(t)$  සොයන්න.

b) පහත සඳහන් දෛශිකමය ශ්‍රිතයන් හි සීමා සොයන්න (පවතින නම්). සීමා නොපවතින නම් එබව සඳහන් කරන්න.

i. 
$$\lim_{t \rightarrow 1} \left[ \frac{t^4 - 1}{t-1} \underline{i} + (t^2 + 5) \ln t \underline{j} + \frac{(t+1) \sin(t-1)}{2(t^2 - 1)} \underline{k} \right]$$

ii. 
$$\lim_{t \rightarrow \infty} \left[ (e^{-2t} + 1) \underline{i} + \frac{t-2}{t+2} \underline{j} + 4(\sec^{-1} t) \underline{k} \right]$$

5.

a)  $\underline{F}(t) = (\sin t)\underline{i} + t^3\underline{j} + |2t - 1|\underline{k}$  දෛශිකමය ශ්‍රිතය අවකලනය වේද? ඔබේ පිළිතුර සනාථ කරන්න.

b) දෛශිකමය ශ්‍රිත  $\underline{F}_1(t)$  සහ  $\underline{F}_2(t)$  කෙසේද යත්,  $\underline{F}_1(t) = t\underline{i} - t^2\underline{j} + 2t^3\underline{k}$  සහ  $\underline{F}_2(t) = t^2\underline{i} - \underline{j} + t\underline{k}$  වේ.

i.  $\frac{d(\underline{F}_1(t) \times \underline{F}_2(t))}{dt}$  සොයා එනමින්  $t = 0$  වන විට එහි අගය  $-\underline{k}$  බව පෙන්වන්න.

ii.  $\frac{d(\underline{F}_1(t) \cdot \underline{F}_2(t))}{dt}$  සොයන්න.

6.

a)  $\underline{f}(t)$  යනු සියළු  $t \in R$  සඳහා අවකලන ශ්‍රිතයක් සහ  $\underline{c}$  නියත දෛශිකයක් ලෙස ගනිමු.

i.  $2 \int \underline{f}(t) \cdot \frac{d\underline{f}}{dt} dt = |\underline{f}(t)|^2 + \underline{c}$ ,

iii.  $\int \underline{f}(t) \times \frac{d^2 \underline{f}}{dt^2} dt = \underline{f} \times \frac{d\underline{f}}{dt} + \underline{c}$  බව පෙන්වන්න.

b)  $\underline{r}(t) = 2t\underline{i} + pt^2\underline{j} + t\underline{k}$ ,  $p < 0$  ලෙස ගනිමු.  $\int_1^2 \underline{r}(t) \cdot \frac{d\underline{r}}{dt} dt = 15$  බව දී ඇත.

i.  $p$  හි අගය සොයන්න.

ii.  $\int_1^2 \underline{r}(t) \times \frac{d^2 \underline{r}}{dt^2} dt = 3\underline{i} - 6\underline{k}$  බව පෙන්වන්න.

c) කිසියම්  $t$  කාලයකදී එක්තරා අන්ශුවක ත්වරණය  $\underline{a}(t) = t\underline{i} + e^t\underline{j} + t^2\underline{k}$  ලෙස දෙනු ලබයි. අන්ශුව මූල ලක්ෂ්‍යයේ සිට  $2\underline{i} + \underline{j}$  ආරම්භක ප්‍රවේගයකින් ගමන් ආරම්භ කර ඇත.  $t$  කාලයකදී අන්ශුවේ පිහිටුම සොයන්න.

\*\*\*\*\* නිම \*\*\*\*\*

The Open University of Sri Lanka  
 B.Sc/B.Ed. Degree Programme  
 Final Examination - 2015/2016  
 Applied Mathematics - Level 03  
 APU1140/APE3140 – Vector Algebra  
 Duration: - Two Hours

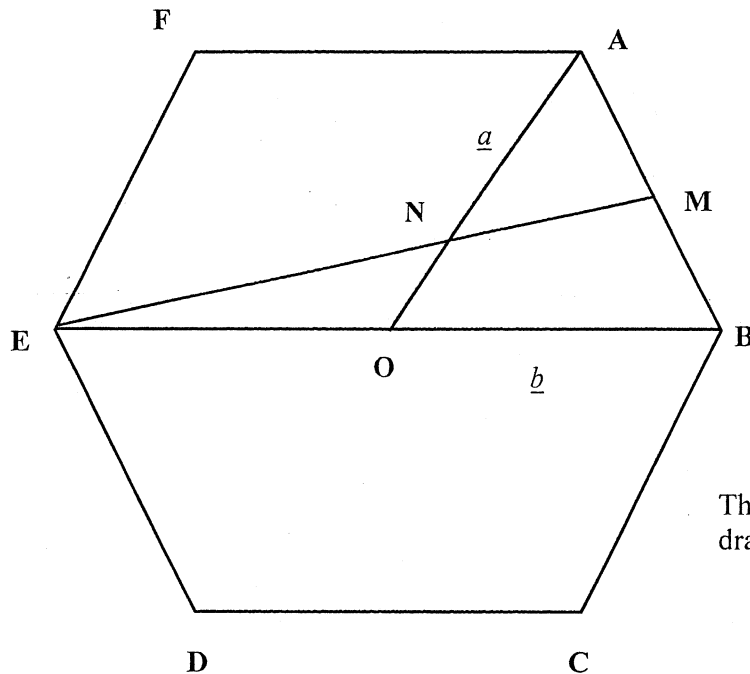


Date: 04.07.2016

Time: 09:30 a.m. – 11:30 a.m.

Answer **FOUR** questions **ONLY**.

1. In Figure 1,  $O$  is the centre of a regular hexagon  $ABCDEF$ . The point  $M$  is the mid-point of  $AB$ . Let  $\vec{OA} = \underline{a}$  and  $\vec{OB} = \underline{b}$ .



The figure is not accurately drawn.

Figure 1

- a) Express  $\vec{AB}$ ,  $\vec{OE}$ ,  $\vec{OM}$  and  $\vec{EM}$  in terms of  $\underline{a}$  or  $\underline{b}$  or  $\underline{a}$  and  $\underline{b}$ , simplifying your answer where possible.

The point of intersection of  $OA$  and  $EM$  is  $N$ . Suppose that  $\vec{ON} = \lambda \underline{a}$  and  $\vec{EN} = \mu \vec{EM}$ , where  $\lambda$  and  $\mu$  are constants.

- b) Show that  $\vec{ON} = \frac{1}{2} \mu \underline{a} + \left( \frac{3}{2} \mu - 1 \right) \underline{b}$ .
- c) Hence find the value of  $\mu$  and the value of  $\lambda$ .

The area of the triangle  $ENO$  is 10 square units.

d) Find the area of the hexagon  $ABCDEF$ .

2.

a) With respect to a fixed origin  $O$ , the lines  $l_1$  and  $l_2$  are given by the equations

$$l_1 \equiv \frac{x-2}{-1} = \frac{y+3}{2} = z-4 \text{ and}$$

$$l_2 \equiv \frac{x-2}{5} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-4}{5}.$$

(i) Find the position vector of the point of intersection of the two lines  $l_1$  and  $l_2$ .

(ii) Find to the nearest  $0.1^\circ$ , the acute angle between  $l_1$  and  $l_2$ .

(iii) Show that the point  $A$  with position vector  $\underline{j} + 6\underline{k}$  lies on  $l_1$ .

(iv) Find the shortest distance from the point  $A$  to the line  $l_2$ .

b) Find, in terms of  $q$  where  $q \in R$ , the Cartesian equation of the plane  $P$  through point  $A(2, 1, q)$  normal to  $3\underline{i} - \underline{j} + 2\underline{k}$ . Hence find the value of  $q$ , if the

perpendicular distance from the origin to the plane is  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ .

3.

a) Are the four points with position vectors  $-6\underline{a} + 3\underline{b} + 2\underline{c}$ ,  $3\underline{a} - 2\underline{b} + 4\underline{c}$ ,  $5\underline{a} + 7\underline{b} + 3\underline{c}$  and  $-13\underline{a} + 17\underline{b} + \underline{c}$  coplanar? Justify your answer.

b) Find the angle between the planes  $x + y + z = 8$  and  $2x - 3y + 2z = 2$ .

c) Show that the curve

$\underline{r} = \left(1 - \frac{16 \cos \theta}{\sqrt{14}} + \frac{8 \sin \theta}{\sqrt{5}}\right) \underline{i} + \frac{24 \cos \theta}{\sqrt{14}} \underline{j} + \left(2 + \frac{8 \cos \theta}{\sqrt{14}} + \frac{16 \sin \theta}{\sqrt{5}}\right) \underline{k}$  is a circle. Find its centre and radius.

4.

a) Let the vector valued functions  $\underline{F}(t)$  and  $\underline{G}(t)$  be defined as

$$\underline{F}(t) = \frac{1}{t-a} \underline{i} + e^{-t} \underline{j} + (\cos 3t) \underline{k}, \quad a > 0 \text{ and}$$

$$\underline{G}(t) = \sqrt{t-5} \underline{i} + \ln(t^2 - 4) \underline{j} + t^3 \underline{k}.$$

(i) Find the value of  $a$  if  $|\underline{F}(0)| = \sqrt{3}$ . Hence find the domain of each of  $\underline{F}(t)$  and  $\underline{G}(t)$ .

(ii) Find  $\underline{F}(t) \times \underline{G}(t)$ .

- b) Find the limits of the following vector valued functions, if they exist. Otherwise, state that the limit does not exist.

$$(i) \lim_{t \rightarrow 1} \left[ \frac{t^4 - 1}{t - 1} \underline{i} + (t^2 + 5) \ln t \underline{j} + \frac{(t+1) \sin(t-1)}{2(t^2 - 1)} \underline{k} \right]$$

$$(ii) \lim_{t \rightarrow \infty} \left[ (e^{-2t} + 1) \underline{i} + \frac{t-2}{t+2} \underline{j} + 4(\sec^{-1} t) \underline{k} \right]$$

5.

- a) Is the vector valued function  $\underline{F}(t) = (\sin t) \underline{i} + t^3 \underline{j} + |2t - 1| \underline{k}$  differentiable for each  $t \in \mathbb{R}$ ? Justify your answer.

- b) Let the vector valued functions  $\underline{F}_1(t)$  and  $\underline{F}_2(t)$  be defined as

$$\underline{F}_1(t) = t \underline{i} - t^2 \underline{j} + 2t^3 \underline{k} \text{ and } \underline{F}_2(t) = t^2 \underline{i} - \underline{j} + t \underline{k}.$$

(i) Find  $\frac{d(\underline{F}_1(t) \times \underline{F}_2(t))}{dt}$ . Hence show that its value when  $t = 0$  is  $-\underline{k}$ .

(ii) Find  $\frac{d(\underline{F}_1(t) \cdot \underline{F}_2(t))}{dt}$ .

6.

- a) Let  $\underline{f}(t)$  be differentiable for each  $t \in \mathbb{R}$  and let  $\underline{c}$  be any constant vector. Show that

$$(i) 2 \int \underline{f}(t) \cdot \frac{d\underline{f}}{dt} dt = |\underline{f}(t)|^2 + \underline{c},$$

$$(ii) \int \underline{f}(t) \times \frac{d^2 \underline{f}}{dt^2} dt = \underline{f} \times \frac{d\underline{f}}{dt} + \underline{c}.$$

- b) Let  $\underline{r}(t) = 2t \underline{i} + pt^2 \underline{j} + t \underline{k}$ ,  $p < 0$ .

Given that  $\int_1^2 \underline{r}(t) \cdot \frac{d\underline{r}}{dt} dt = 15$ .

- (i) Find the value of  $p$ .

(ii) Show that  $\int_1^2 \underline{r}(t) \times \frac{d^2 \underline{r}}{dt^2} dt = 3 \underline{i} - 6 \underline{k}$ .

- c) The acceleration  $\underline{a}(t)$  of a particle at any time  $t$  is given by  $\underline{a}(t) = t \underline{i} + e^t \underline{j} + t^2 \underline{k}$ . The particle started to move from the origin with an initial velocity of  $2 \underline{i} + \underline{j}$ . Find the position of the particle at time  $t$ .

\*\*\*\*\* END \*\*\*\*\*

இலங்கை திறந்த பல்கலைக்கழகம்  
 விஞ்ஞானமாணி/ கல்விமாணி பட்டப்பாடநெறி  
 இறுதிப் பரீட்சை - 2015/2016  
 பிரயோக கணிதம் - மட்டம் 03  
 APU1140/APE3140 - காவி அட்சரகணிதம்  
 காலம்: - இரண்டு மணித்தியாலம்

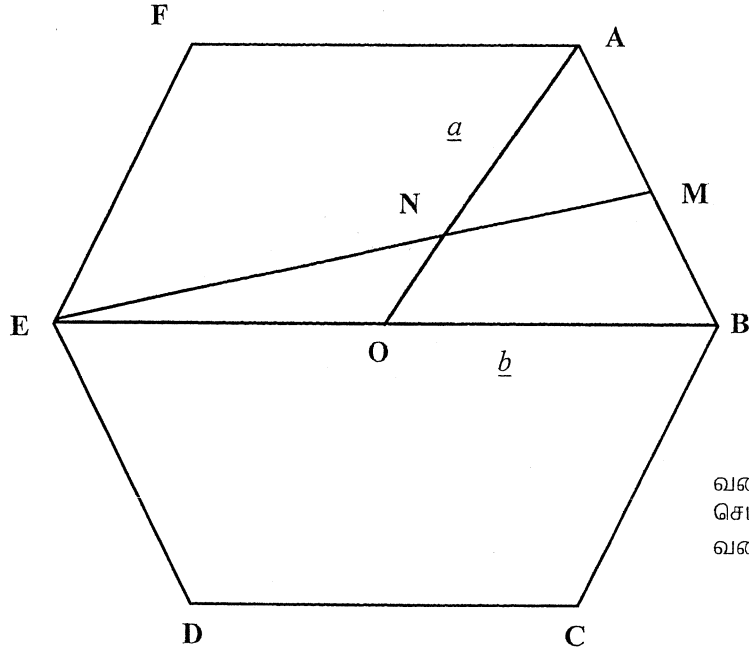


திகதி : 04.07.2016

நேரம்: மு.ப 09:30 - மு.ப 11:30

நான்கு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்க.

1. உரு 1 இல்,  $O$  ஆனது ஓர் ஒழுங்கான அறுகோணி  $ABCDEF$  இனது மையமாகும். புள்ளி  $M$  ஆனது  $AB$  இனது நடுப்புள்ளி ஆகும்.  $\vec{OA} = \underline{a}$  மற்றும்  $\vec{OB} = \underline{b}$  எனத் தரப்பட்டுள்ளன.



வரைப்படமானது  
 செம்மையாக  
 வரையப்படவில்லை.

உரு 1

- a)  $\vec{AB}$ ,  $\vec{OE}$ ,  $\vec{OM}$  மற்றும்  $\vec{EM}$  என்பவற்றினை இயன்றளவு சுருக்கி உமது விடையினை  $\underline{a}$  அல்லது  $\underline{b}$  அல்லது  $\underline{a}$  மற்றும்  $\underline{b}$  என்பவற்றின் சார்பாக தருக.  
 $\vec{ON} = \lambda \underline{a}$  மற்றும்  $\vec{EN} = \mu \vec{EM}$  என ஆகுமாறு  $N$  ஆனது  $OA$  மற்றும்  $EM$  ஆகியன இடைவெட்டும் புள்ளி ஆகும், இங்கு  $\lambda$  மற்றும்  $\mu$  ஆகியன மாறிலிகளாகும்.
- b)  $\vec{ON} = \frac{1}{2} \mu \underline{a} + \left(\frac{3}{2} \mu - 1\right) \underline{b}$  எனக் காட்டுக.
- c) இதிலிருந்து  $\mu$  மற்றும்  $\lambda$  ஆகியவற்றினது பெறுமானங்களைக் காண்க.

முக்கோணி  $ENO$  இனது பரப்பளவு 10 சதுர அலகுகளாகும்.

d) அறுகோணி  $ABCDEF$  இனது பரப்பளவினைக் காண்க.

2.

a) நிலையான உற்பத்தி  $O$  சார்பாக கோடுகள்  $l_1$  மற்றும்  $l_2$  ஆகியன பின்வரும் சமன்பாடுகளினால் தரப்படுகின்றன.

$$l_1 \equiv \frac{x-2}{-1} = \frac{y+3}{2} = z-4 \text{ மற்றும்}$$

$$l_2 \equiv \frac{x-2}{5} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-4}{5}.$$

(i) கோடுகள்  $l_1$  மற்றும்  $l_2$  ஆகியன இடைவெட்டும் புள்ளியினது தானக் காவியினைக் காண்க.

(ii)  $l_1$  மற்றும்  $l_2$  இற்கு இடையிலான கூர்ங்கோணத்தினை ஏறத்தாழ  $0.1^\circ$  இற்கு காண்க.

(iii)  $\underline{j} + 6\underline{k}$  இனை தானக்காவியாக கொண்ட புள்ளி  $A$  ஆனது  $l_1$  இல் உள்ளது எனக் காட்டுக.

(iv) புள்ளி  $A$  இலிருந்து கோடு  $l_2$  இற்கான மிகக்குறைந்த தூரத்தினைக் காண்க .

b) புள்ளி  $A(2, 1, q)$  இனுடாகவும்  $3\underline{i} - \underline{j} + 2\underline{k}$  இற்கு செவ்வன்னாகவும் செல்லும் தளம்  $P$  இனது தெக்காட்டின் சமன்பாட்டினை  $q$  இன் சார்பாக காண்க, இங்கு  $q \in R$ .

இதிலிருந்து உற்பத்தியிலிருந்து தளத்திற்கான செங்குத்து தூரமானது  $\sqrt{\frac{7}{2}}$  எனின்  $q$  இற்கான பெறுமானத்தினைக் காண்க.

3.

a)  $-6a + 3b + 2c$ ,  $3a - 2b + 4c$ ,  $5a + 7b + 3c$  மற்றும்  $-13a + 17b + c$  என்பவற்றினை தானக்காவிகளாக கொண்ட நான்கு புள்ளிகளும் ஒருதளமானவையா? உமது விடையினை நியாயப்படுத்துக.

b)  $x + y + z = 8$  மற்றும்  $2x - 3y + 2z = 2$  ஆகிய தளங்களுக்கிடையிலான கோணத்தினைக் காண்க.

c) வளையி  $\underline{r} = \left(1 - \frac{16\cos\theta}{\sqrt{14}} + \frac{8\sin\theta}{\sqrt{5}}\right)\underline{i} + \frac{24\cos\theta}{\sqrt{14}}\underline{j} + \left(2 + \frac{8\cos\theta}{\sqrt{14}} + \frac{16\sin\theta}{\sqrt{5}}\right)\underline{k}$

ஆனது ஒரு வட்டம் எனக் காட்டுக. இதிலிருந்து அவ்வட்டத்தினது மையம் மற்றும் ஆரையினைக் காண்க.

4.

a) காவிய் பெறுமானச் சார்புகள்  $\underline{F}(t)$  மற்றும்  $\underline{G}(t)$  ஆகியன

$$\underline{F}(t) = \frac{1}{t-a}\underline{i} + e^{-t}\underline{j} + (\cos 3t)\underline{k}, \quad a > 0 \text{ மற்றும்}$$

$$\underline{G}(t) = \sqrt{t-5}\underline{i} + \ln(t^2-4)\underline{j} + t^3\underline{k}.$$

என வரையறுக்கப்படுகின்றன என்க.

(i)  $|\underline{F}(0)| = \sqrt{3}$  எனின்  $a$  இற்கான பெறுமானத்தைக் காண்க .  $\underline{F}(t)$  மற்றும்

$\underline{G}(t)$  ஒவ்வொன்றினதும் ஆட்சியினைக் காண்க.

(ii)  $\underline{F}(t) \times \underline{G}(t)$  இனைக் காண்க.



- b) பின்வரும் காவிய பெறுமானச் சார்புகள் உள்ளன எனின் அவற்றினது எல்லைகளைக் காண்க, இல்லையெனில் எல்லைகள் இல்லை என குறிப்பிடுக.

$$(i) \lim_{t \rightarrow 1} \left[ \frac{t^4 - 1}{t - 1} \underline{i} + (t^2 + 5) \ln t \underline{j} + \frac{(t+1)\sin(t-1)}{2(t^2-1)} \underline{k} \right]$$

$$(ii) \lim_{t \rightarrow \infty} \left[ (e^{-2t} + 1) \underline{i} + \frac{t-2}{t+2} \underline{j} + 4(\sec^{-1} t) \underline{k} \right]$$

5.

- a) அனைத்து  $t \in R$  இற்கும் காவிய பெறுமானச் சார்பு  $\underline{F}(t) = (\sin t) \underline{i} + t^3 \underline{j} + |2t-1| \underline{k}$  ஆனது வகையிடத்தக்கதா? உமது விடையினை நியாயப்படுத்துக.

- b) காவிய பெறுமானச் சார்புகள்  $\underline{F}_1(t)$  மற்றும்  $\underline{F}_2(t)$  ஆகியன

$\underline{F}_1(t) = t \underline{i} - t^2 \underline{j} + 2t^3 \underline{k}$  மற்றும்  $\underline{F}_2(t) = t^2 \underline{i} - \underline{j} + t \underline{k}$  என வரையறுக்கப்படுகின்றன என்க.

(i)  $\frac{d(\underline{F}_1(t) \times \underline{F}_2(t))}{dt}$  இனைக் காண்க. இதிலிருந்து  $t = 0$  ஆகும் போது அதனது பெறுமானம்  $-\underline{k}$  ஆகும் எனக் காட்டுக.

(ii)  $\frac{d(\underline{F}_1(t) \cdot \underline{F}_2(t))}{dt}$  இனைக் காண்க.

6.

- a) அனைத்து  $t \in R$  இற்கும்  $\underline{f}(t)$  ஆனது வகையிடத்தக்கதுடன்  $\underline{c}$  ஆனது யாதாயினும் ஒரு ஒருமைக் காவி என்க.

(i)  $2 \int \underline{f}(t) \cdot \frac{d\underline{f}}{dt} dt = |\underline{f}(t)|^2 + \underline{c}$ ,

(ii)  $\int \underline{f}(t) \times \frac{d^2 \underline{f}}{dt^2} dt = \underline{f} \times \frac{d\underline{f}}{dt} + \underline{c}$  எனக் காட்டுக.

- b)  $\underline{r}(t) = 2t \underline{i} + pt^2 \underline{j} + t \underline{k}$ ,  $p < 0$  என்க,  $\int_1^2 \underline{r}(t) \cdot \frac{d\underline{r}}{dt} dt = 15$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது.

(i)  $p$  இற்கான பெறுமானத்தினைக் காண்க.

(ii)  $\int_1^2 \underline{r}(t) \times \frac{d^2 \underline{r}}{dt^2} dt = 3 \underline{i} - 6 \underline{k}$  எனக் காட்டுக.

- c) எந்தவொரு நேரம்  $t$  இலும் துணிக்கை ஒன்றினது ஆர்முடுகளானது  $\underline{a}(t) = t \underline{i} + e^t \underline{j} + t^2 \underline{k}$  ஆகும். அத்துணிக்கையானது உற்பத்தியிலிருந்து  $2 \underline{i} + \underline{j}$  என்னும் தொடக்க வேகத்துடன் நகர்கின்றது.  $t$  நேரத்தின் போது அத்துணிக்கையினது தானத்தினைக் காண்க.

\*\*\*\*\* END \*\*\*\*\*